

ОТВЕТЫ

Вариант/задания	1	2	3	4	5	6	7	8
Вариант № 1	2	7	37,5	1	0,6	16	1,25	а) $\frac{\pi}{2} + \pi k, \arctg 2 + \pi k, k \in Z$ б) $-\frac{\pi}{2}, \arctg 2, \frac{\pi}{2}$
Вариант № 2	3	3	18	2	0,42	1	6	а) $\frac{\pi}{2} + 2\pi k, (-1)^{k+1} \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in Z$ б) $-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}, \frac{7\pi}{6}$
Вариант № 3	5	4	16	1	0,32	1	72	а) $\frac{\pi}{2} + \pi k, (-1)^k \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in Z$ б) $-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}$
Вариант № 4	3	23	54	-2	0,8	-1	4	а) $\pi k, \arctg \frac{1}{2} + \pi k, k \in Z$ б) $0; \arctg \frac{1}{2}; \pi$

При проверке работы за каждое из заданий 1 – 7 выставляется 1 балл, если ответ правильный, и 0 баллов, если ответ неправильный. Задание 8 оценивается в 2 балла согласно приведенным критериям проверки развернутого ответа.

Министерство образования, науки и молодежной политики Краснодарского края

Институт развития образования Краснодарского края

НОРМЫ ВЫСТАВЛЕНИЯ ОЦЕНОК

Баллы	0 - 3	4 - 6	7-8	9
Оценка	«2»	«3»	«4»	«5»

НОРМЫ ВЫСТАВЛЕНИЯ ОЦЕНОК (ТОЛЬКО БАЗА)

Баллы	0 - 2	3 - 5	6-7	8-9
Оценка	«2»	«3»	«4»	«5»

КРИТЕРИИ и РЕШЕНИЯ ЗАДАНИЯ С РАЗВЕРНУТЫМ ОТВЕТОМ (№ 8)

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> ИЛИ Получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта <i>a</i> и пункта <i>б</i>	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше (неверно применены формулы приведения, потеря решения или приобретение посторонних корней, неверно решено простейшее тригонометрическое уравнение).	0

8 задание**Вариант № 1**

а) Решите уравнение $\sin 2x = 4\cos^2 x$.

б) Найдите корни, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$.

Решение. а) Запишем уравнение в виде $2\cos x \cdot (\sin x - 2\cos x) = 0$. Уравнение сведем к совокупности $\begin{cases} \cos x = 0 \\ \sin x - 2\cos x = 0 \end{cases}$. Тогда $\begin{cases} \cos x = 0 \\ \operatorname{tg} x - 2 = 0 \end{cases}$. Множество решений имеет вид

$$\frac{\pi}{2} + \pi k, \operatorname{arctg} 2 + \pi k, k \in Z.$$

б) Производим отбор корней любым доступным методом (на тригонометрической окружности, методом перебора параметра или решая двойные неравенства):

$$-\frac{\pi}{2}, \operatorname{arctg} 2, \frac{\pi}{2}.$$

Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + \pi k, \operatorname{arctg} 2 + \pi k, k \in Z$; б) $-\frac{\pi}{2}, \operatorname{arctg} 2, \frac{\pi}{2}$.

Вариант № 2

а) Решите уравнение $\cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = \cos 2x$.

б) Найдите корни, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right]$.

Решение. Применим формулы приведения и двойных углов: $2\sin^2 x - \sin x - 1 = 0$.

Введем замену, решим квадратное уравнение и получим совокупность $\begin{cases} \sin x = 1 \\ \sin x = -\frac{1}{2} \end{cases}$.

Множество решений имеет вид $\frac{\pi}{2} + 2\pi k; (-1)^{k+1} \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in Z$.

б) Производим отбор корней любым доступным методом (на тригонометрической окружности, методом перебора параметра или решая двойные неравенства):

$$-\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}, \frac{7\pi}{6}.$$

Вариант № 3

а) Решите уравнение $\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \sin 2x$.

б) Найдите корни, принадлежащие промежутку $\left[-\pi, \frac{3\pi}{4}\right]$.

Решение. а) Запишем уравнение в виде $\cos x = 2 \sin x \cdot \cos x$. Тогда

$\cos x \cdot (1 - 2 \sin x) = 0$. Уравнение сведем к совокупности $\begin{cases} \cos x = 0 \\ \sin x = \frac{1}{2} \end{cases}$. Множество

решений имеет вид $\frac{\pi}{2} + \pi k; (-1)^k \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in Z$.

б) Производим отбор корней любым доступным методом (на тригонометрической окружности, методом перебора параметра или решая двойные неравенства):

$$-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}.$$

Ответ: а) $\frac{\pi}{2} + \pi k; (-1)^k \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in Z$; б) $-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{2}$.

Вариант № 4

а) Решите уравнение $4 \sin^2 x - \sin 2x = 0$.

б) Найдите корни, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{\pi}{2}; \pi\right]$.

Решение. а) Запишем уравнение в виде $2\sin x \cdot (2\sin x - \cos x) = 0$. Уравнение сведем

к совокупности $\begin{cases} \sin x = 0 \\ 2\sin x - \cos x = 0 \end{cases}$. Тогда $\begin{cases} \sin x = 0 \\ 2\operatorname{tg}x - 1 = 0 \end{cases}$. Множество решений имеет

вид $\pi k; \operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi k, k \in Z$.

б) Производим отбор корней любым доступным методом (на тригонометрической окружности, методом перебора параметра или решая двойные неравенства):

$0; \operatorname{arctg} \frac{1}{2}; \pi$.

Ответ: а) $\pi k; \operatorname{arctg} \frac{1}{2} + \pi k, k \in Z$; б) $0; \operatorname{arctg} \frac{1}{2}; \pi$